

Vestibular

UEM Verão 2009

Prova 3 – Matemática

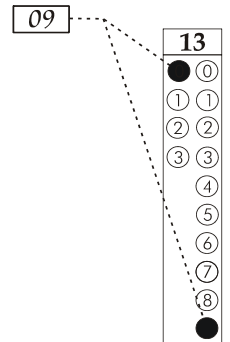
QUESTÕES OBJETIVAS

Nº DE ORDEM:
NOME DO CANDIDATO:

Nº DE INSCRIÇÃO:

INSTRUÇÕES PARA A REALIZAÇÃO DA PROVA

- Confira os campos Nº DE ORDEM, Nº DE INSCRIÇÃO e NOME, conforme o que consta na etiqueta fixada em sua carteira.
- Confira se o número do gabarito deste caderno corresponde ao constante na etiqueta fixada em sua carteira. Se houver divergência, avise, imediatamente, o fiscal.
- É proibido folhear o caderno de provas antes do sinal, às 9 horas.**
- Após o sinal, confira se este caderno contém 20 questões objetivas e/ou qualquer tipo de defeito. Qualquer problema, avise, imediatamente, o fiscal.
- O tempo mínimo de permanência na sala é de 2 h após o início da resolução da prova.
- No tempo destinado a esta prova, está incluído o de preenchimento da Folha de Respostas.
- Transcreva as respostas deste caderno para a Folha de Respostas. A resposta correta será a soma dos números associados às proposições verdadeiras. Para cada questão, preencha sempre dois alvéolos: um na coluna das dezenas e um na coluna das unidades, conforme exemplo ao lado: questão 13, resposta 09 (soma das proposições 01 e 08).
- Se desejar, transcreva as respostas deste caderno no Rascunho para Anotação das Respostas constante nesta prova e destaque-o, para retirá-lo hoje, nesta sala, no horário das 13h15min às 13h30min, mediante apresentação do documento de identificação do candidato. Após esse período, não haverá devolução.
- Ao término da prova, levante o braço e aguarde atendimento. Entregue ao fiscal este caderno, a Folha de Respostas e o Rascunho para Anotação das Respostas.



Corte na linha pontilhada.

RASCUNHO PARA ANOTAÇÃO DAS RESPOSTAS – PROVA 3

Nº DE ORDEM:

NOME:

01	02	03	04	05	06	07	08	09	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20



UEM – Comissão Central do Vestibular Unificado

GABARITO 2

Questão 01

Dada a função trigonométrica $f(x) = a \cos(bx + c)$, para a qual se sabe que o valor máximo de $f(x)$ é 6, $f(0) = -6$, o período de f é igual a π , e que a , b e c são constantes positivas com c menor que 2π , assinale a(s) alternativa(s) **correta(s)**.

01) O valor de a é 6.

02) O valor de b é 1.

04) O valor de c é $\frac{\pi}{2}$.

08) O valor mínimo de $f(x)$ é -6.

16) $f(x) = f(x + \pi)$ para todo x real.

Questão 02

Um quadrado de papelão tem 50 cm de lado. De cada um de seus cantos, é retirado um quadrado cujo lado mede x cm. Após a retirada destes quatro quadrados, o papelão restante é dobrado para formar uma caixa sem tampa, na forma de um paralelepípedo retângulo. Considere $V(x)$ o polinômio que representa o volume da caixa. Sobre o problema, assinale a(s) alternativa(s) **correta(s)**.

01) $V(x)$ é um polinômio de quarto grau.

02) Para que $V(x)$ faça sentido fisicamente, ou seja, represente uma medida de volume, o domínio de V é $\{x \in \mathbb{R} / 0 < x < 25\}$.

04) $V(x)$ é divisível por $x - 25$.

08) $V(x)$ possui três raízes distintas.

16) Se a caixa tem área de 2100 cm^2 , então, $x = 10 \text{ cm}$.

Questão 03

Rascunho

Uma fábrica produz tecidos do tipo A e do tipo B. O tecido A é produzido nas cores branca (Ab), vermelha (Av) e preta (Ap), enquanto que o tecido B é produzido nas cores cinza (Bc) e marrom (Bm). Os preços de cada tipo de tecido e cor são indicados com a letra P precedendo as letras que indicam o tipo e a cor do tecido. Considerando que PAv e PAp são, respectivamente, 20 % e 50 % mais caros do que PAb, e que PBm é 20 % mais caro do que PBc, assinale o que for **correto**.

- 01) $PBc = 0,8 PBm$.
02) PAv é 30 % mais barato do que PAp.
04) No atendimento a um pedido de compra de tecidos do tipo B, o vendedor troca as cores e entrega 150 m da cor cinza e 40 m da cor marrom, tornando o pedido 10 % mais barato do que o pedido original.
08) Pedindo-se 50 m de Ap e 48 m de Bc, paga-se o mesmo valor do pedido de 75 m de Ab e 40 m de Bm.
16) $\frac{PAb}{PBc} > \frac{PAb}{PBm}$.

Questão 04

Considerando a esfera E de raio 10 cm, $\pi = 3,1$ e $\sqrt{3} = 1,7$, assinale a(s) alternativa(s) **correta(s)**.

- 01) Um cilindro circular reto cujo diâmetro da base e cuja altura têm a mesma medida, inscrito na esfera E , tem um volume de $500\sqrt{2}\pi \text{ cm}^3$.
02) A medida do raio da base de um cone circular reto com altura de 30 cm, circunscrito à esfera E , é igual a $10\sqrt{3}$ cm.
04) A circunferência C que delimita o círculo de interseção da esfera E com um plano α , cuja distância ao centro da esfera E mede 4 cm, tem raio medindo 8 cm.
08) Se o centro da esfera E pertence a um plano, então, a interseção deste com a esfera E é um círculo de área menor do que 300 cm^2 .
16) A área da superfície da esfera E é maior do que a área da superfície total de um tetraedro regular, cuja aresta mede 30 cm.

Questão 05

Considere um sistema ortogonal de coordenadas xOy em que a unidade em cada eixo coordenado é padronizada em 1 cm. Considerando, nesse sistema, as retas $r: y = -2x + 500$ e $s: y = 0,5x$ e, indicando por A o ponto de interseção das retas r e s , por B o ponto do eixo das ordenadas que pertence à reta r e por C o ponto da reta s de abscissa 400, assinale a(s) alternativa(s) **correta(s)**.

- 01) Os ângulos internos do triângulo ABC são agudos.
 02) A distância de A a C mede $\frac{3}{4}$ da medida da distância de A a B .
 04) A área do triângulo ABC é $50\,000\text{ cm}^2$.
 08) A distância do ponto A ao ponto médio M do segmento BC mede 300 cm.
 16) A circunferência de equação $(x - 200)^2 + (y - 350)^2 = 250^2$ circunscreve o triângulo ABC .

Questão 06

Assinale a(s) alternativa(s) **correta(s)**.

- 01) O único número real x para o qual

$$\begin{pmatrix} 0 & \log_3 x^4 & -3 \\ 3^x & 0 & 0 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1/81 \\ 1 \\ \log_3 x \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \\ 243 \end{pmatrix}$$
 é um número

primo.

- 02) Os valores reais de x para os quais a matriz

$$A = \begin{pmatrix} \sqrt{3} & x+1 \\ x^2-5 & \frac{7}{8} \end{pmatrix}$$
 satisfaz $A^t = A$, em que A^t denota a

transposta da matriz A , têm produto igual a -5 .

- 04) Existe uma única matriz do tipo $\begin{pmatrix} -a & b \\ c & a \end{pmatrix}$, em que a , b e c são números reais, cuja inversa seja a própria matriz.

- 08) A matriz quadrada $A = (a_{ij})$, de ordem 2×2 , definida por $a_{ij} = 2^{2j-i}$, para todo $i = 1, 2$ e para todo $j = 1, 2$, é solução da equação matricial $A^2 - kA = 0$ para alguma constante real k .

- 16) O determinante da matriz $\begin{pmatrix} \sen x & 1 & \cos x \\ \sec x & \operatorname{tg} x & \sen x \\ -\sen x & 2 & \sec x \end{pmatrix}$ é igual a $\cos 2x$, para todo x real e $x \neq \frac{\pi}{2} + k\pi$ (k número inteiro).

Questão 07

Rascunho

Assinale a(s) alternativa(s) **correta(s)**.01) O domínio da função real f definida por

$$f(x) = \sqrt{x^2 - 3x - 4} \text{ é } \{x \in \mathbb{R} / x \leq -1 \text{ ou } x \geq 4\}.$$

02) Os números reais a e b em que a função

$$p(x) = x^3 - 2x^2 + ax + b \text{ satisfaz } p(-3) = 0 \text{ e } p(3) = 24 \text{ têm soma igual a } 25.$$

04) O conjunto-solução, no conjunto dos números reais

$$\text{da inequação } \frac{x^2 - 4}{3x} \leq 1, \text{ coincide com o conjunto-solução da inequação } x^2 - 3x - 4 \leq 0.$$

08) Para a função real g definida por $g(x) = \sqrt{|x-1|+8}$,

$$\text{tem-se que } 3 < (g \circ g)(0) < 4.$$

16) A função h definida por $h(x) = x^3 - 2x^2 - 5x + 30$

satisfaz à condição $h(-3) = 0$ e o seu gráfico, em um sistema ortogonal de coordenadas xOy , intercepta o eixo das abscissas em três pontos distintos.

Questão 08Assinale o que for **correto**.

01) Se o terceiro coeficiente e o sétimo coeficiente do

desenvolvimento de $(x+a)^n$, contados na ordem decrescente dos expoentes de x , são iguais e equidistantes dos extremos, então, a razão entre o quinto e o quarto coeficientes binomiais é igual a $\frac{5}{4}$.

02) O quadrado de um número ímpar é um número ímpar.

04) $0,8 \times 10^{41} > 4 \times 1800 \times 10^{37}$.

08) Se $x = 2^8 \cdot 3^{10} \cdot 5^3$ e $y = 2^5 \cdot 3^2 \cdot 5^6$, então, o mínimo múltiplo comum de x e y é o número $2^5 \cdot 3^2 \cdot 5^3$.16) Se $x \in [-\pi/6, \pi/6]$, então, $\text{sen}(3x + \pi/2) \geq 0$.

Para assinalar a(s) alternativa(s) **correta(s)**, considere o sistema S de equações lineares nas incógnitas reais x , y e z , dado por

$$S: \begin{cases} x + y = 1 \\ x + z = 0 \\ y + az = -1 \end{cases}, \text{ em que } a \text{ é uma constante real.}$$

01) $(x, y, z) = (2, -1, 2)$ é uma solução do sistema S .

02) A matriz dos coeficientes $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & a \end{pmatrix}$, associada

ao sistema S , tem determinante igual a $-1 - a$.

04) Para cada constante real a , o sistema S tem infinitas soluções.

08) Se $a = 1$, o sistema S é equivalente ao sistema

$$\begin{cases} x + y = 1 \\ -y + z = 1 \\ y + z = -1 \end{cases}$$

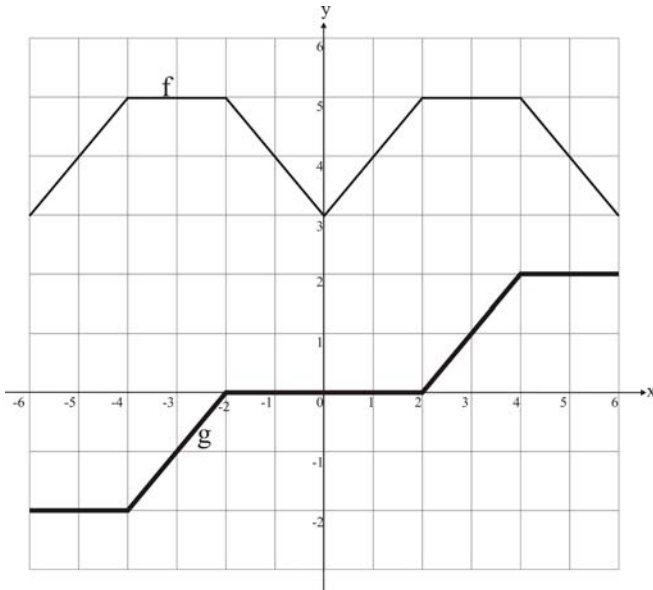
16) Para algum valor real de a ,

$(x, y, z) = \left(\frac{2}{1+a}, \frac{a-1}{1+a}, \frac{-2}{1+a}\right)$ é solução do sistema S .

Questão 10

Rascunho

Considerando, em um sistema ortogonal de coordenadas xOy , os gráficos das funções reais f e g , definidas no intervalo real $[-6, 6]$, assinale o que for **correto**.



- 01) Os pontos (x, y) do gráfico de f para os quais $-6 \leq x \leq -4$ satisfazem a equação $y - 5 = x + 4$.
- 02) A função soma $f + g$ é injetora em $[-6, 6]$.
- 04) Se $c \in [2, 6]$, então, $g(c - 4) = 0$.
- 08) Se $x \in [-2, 6]$, então, a função produto de f e g é tal que $(f \cdot g)(x) \geq 0$.
- 16) O número real zero não pertence ao conjunto imagem da função composta $f \circ g$.

Questão 11

Considere a equação $30^n = 8m$, em que n é um número inteiro positivo, e m é um número ímpar positivo. Assinale a(s) alternativa(s) **correta(s)**.

- 01) $n \cdot m = 10125$.
- 02) $n + m = 3378$.
- 04) m é múltiplo de 5.
- 08) m é múltiplo de 7.
- 16) Se no enunciado da questão, a condição “ m ímpar” fosse substituída por “ m par”, a equação teria uma única solução.

Questão 12

Sendo $a_1, a_2, a_3, \dots, a_m$ valores reais e indicando sua média aritmética por MA e sua mediana por ME , assinale o que for **correto**.

- 01) A média aritmética dos valores $b_i = a_i + k$ em que k é uma constante real não-nula e $i = 1, 2, 3, \dots, m$ é igual a MA .
- 02) A mediana dos valores $b_i = a_i + k$ em que k é uma constante real não-nula e $i = 1, 2, 3, \dots, m$ é igual a $ME + k$.
- 04) A mediana dos valores $c_i = r a_i$ em que r é uma constante real e $i = 1, 2, 3, \dots, m$ é igual a ME .
- 08) A média aritmética dos valores $c_i = r a_i$ em que r é uma constante real e $i = 1, 2, 3, \dots, m$ é igual a $r MA$.
- 16) Se acrescentarmos mais um valor real a_{m+1} à sequência de valores dados, então, a mediana da sequência de valores $a_1, a_2, a_3, \dots, a_m, a_{m+1}$ será diferente de ME .

Questão 13

Um zoológico possui um aquário para exposição de peixes no formato de um tronco de paralelepípedo, com parte superior retangular aberta e fundo inclinado. O retângulo superior tem 5 m de largura e 12 m de comprimento. Duas das paredes têm a mesma forma trapezoidal, com lados paralelos medindo 1 m e 6 m. A parede frontal trapezoidal do aquário é de vidro, permitindo que o público o visualize. As demais paredes e, também, o fundo do aquário são revestidos com azulejos quadrados de 20 cm de lado. Sabendo-se que, em um certo dia, o aquário continha 192 m^3 de água, e que se adiciona diariamente um complemento alimentar à razão de 30 g para cada 10000 litros de água, assinale o que for **correto**.

- 01) A área lateral do aquário (a área das paredes) é de 119 m^2 .
- 02) Para o revestimento do aquário, foram utilizados pelo menos 3550 azulejos.
- 04) Nesse dia, o nível de água do aquário, em seu ponto mais raso, era de 70 cm.
- 08) Nesse dia, foram adicionados menos de 500 g do complemento alimentar à água do aquário.
- 16) Para o aquário ficar completamente cheio, será necessária a adição de 16800 litros de água, a mais do que tinha nesse dia.

Questão 14

Considerando f e g funções reais, definidas por

$$f(x) = \frac{2^x + 2^{-x}}{2} \text{ e } g(x) = \frac{2^x - 2^{-x}}{2}, \text{ para todo } x \text{ real,}$$

assinale a(s) alternativa(s) **correta(s)**.

01) $[f(x)]^2 - [g(x)]^2 = 1$, para todo x real.

02) $f(-x) = f(x)$, para todo x real.

04) Para todo x real, tem-se que $g(x) \neq 0$.

08) Para todo x real, tem-se que

$$[f(x)]^2 + [g(x)]^2 = g(2x).$$

16) $g(-x) = -g(x)$, para todo número real x .

Questão 15

Rascunho

Em uma prova de um concurso, cada questão possui seis alternativas, que devem ser marcadas Verdadeira (V) ou Falsa (F). Baseando-se nessa informação, assinale a(s) alternativa(s) **correta(s)**.

- 01) Existem 32 formas distintas de preencher a resposta de cada questão, usando-se as letras (V) ou (F).
- 02) Se nenhuma questão possui todas as alternativas verdadeiras ou todas as alternativas falsas, existem 62 formas distintas de preencher as respostas de cada questão.
- 04) Se a prova tem 40 questões, e um candidato marca a mesma sequência de verdadeiros e de falsos em todas as questões, ele com certeza acertará pelo menos uma questão.
- 08) A probabilidade de se acertar uma questão ao acaso é de $\frac{1}{64}$.
- 16) Existem mais formas de marcar cada questão com uma quantidade maior de “verdadeiro” (V) do que “falso” (F).

Questão 16

Considerando z_1 e z_2 dois números complexos distintos entre si, cujas representações geométricas em um sistema ortogonal de coordenadas são simétricas em relação ao eixo das abscissas, marque a(s) alternativa(s) **correta(s)**.

01) Se $z_1 = \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2}i$, então, $z_2 = -\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2}i$.

02) $z_1^2 = z_2^2$.

04) $z_1 + z_2 = 0$.

08) Se z_1 é a raiz de um polinômio com coeficientes reais, então, z_2 também é raiz deste polinômio.

16) Se O é a origem do sistema ortogonal de coordenadas, então, os pontos que representam O, z_1 e z_2 , no sistema ortogonal, são pontos colineares.

Questão 17

Rascunho

Considere o sistema de equações nas variáveis x e y reais

$$\begin{cases} \frac{1}{x} \log_2 3 + y \log_2 5 = \frac{1}{2} \log_2 15 \\ \log_2 \frac{1}{x^2} = \log_{\sqrt{3}}(3^x) \cdot \log_{\frac{1}{5}}(5^y) \end{cases}$$

Assinale a(s) alternativa(s) **correta(s)**.

- 01) O par $(x, y) = (1, 1)$ é solução do sistema .
 02) O sistema possui solução única.
 04) Se o par (x, y) é solução do sistema, então. $y = \frac{x}{4}$.
 08) O par $(x, y) = (1, 0)$ é solução de uma das equações.
 16) A segunda equação do sistema é equivalente à equação $\log_2 x = -x y$.

Questão 18

Considere uma sequência infinita de círculos C_1, C_2, C_3, \dots , tangentes uns aos outros e com os centros colineares. Cada círculo C_n contém em seu interior um quadrado inscrito Q_n . Se o primeiro círculo tem de raio 1 cm e o raio de C_n é metade do raio de C_{n-1} , para $n \geq 2$, assinale a(s) alternativa(s) **correta(s)**.

- 01) A sequência $\{d_n\}$, em que d_n é a medida do diâmetro do círculo C_n , para $n = 1, 2, \dots$, é uma progressão aritmética.
 02) A soma das medidas dos diâmetros d_n é 4 cm.
 04) A medida da área de C_{11} é $\frac{\pi}{22} \text{ cm}^2$.
 08) A sequência $\{p_n\}$, em que p_n é a medida do comprimento de cada círculo C_n , para $n = 1, 2, \dots$, é uma progressão geométrica de razão $\frac{1}{2}$.
 16) A sequência $\{a_n\}$, em que a_n é a medida da área do quadrado Q_n , para $n = 1, 2, \dots$, é uma progressão geométrica de razão $\frac{1}{4}$.

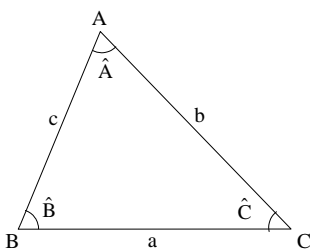
Dois ciclistas correm em uma pista circular de 1000 m de comprimento; ambos com velocidades constantes. Partindo da mesma posição, quando correm em sentidos opostos, eles se encontram a cada 100 segundos e, quando correm no mesmo sentido, um deles alcança o outro a cada 1000 segundos. Considerando o exposto e $\pi = 3,1$, assinale a(s) alternativa(s) **correta(s)**.

- 01) A velocidade do ciclista mais lento é 5,5 m/s .
- 02) Se os dois ciclistas estão correndo no mesmo sentido, a partir de um ponto de encontro de ambos, quando o mais rápido tiver dado uma volta completa, o mais lento terá percorrido 900 m .
- 04) Se os dois ciclistas estão correndo no mesmo sentido, a partir de um ponto de encontro de ambos, quando o ciclista mais rápido terminar uma volta, o ciclista mais lento terá percorrido um arco de circunferência de $\frac{18\pi}{11}$ rad.
- 08) Se os dois ciclistas estão correndo no mesmo sentido, a partir de um ponto de encontro de ambos, quando o ciclista mais rápido terminar uma volta, o setor circular correspondente ao arco percorrido pelo ciclista mais lento tem área de $\frac{9}{11\pi} 500^2 \text{ m}^2$.
- 16) Se os dois ciclistas estão juntos, e o mais lento resolve correr diametralmente na pista, enquanto que o mais rápido continua seguindo a pista, quando o mais lento chegar ao extremo oposto do diâmetro, o mais rápido já terá passado por este ponto.

Uma empresa possui 52 funcionários, divididos igualmente em quatro categorias: diamante, ouro, prata e bronze. Cada funcionário possui um cartão de identificação. Em cada categoria, os cartões são numerados de 1 a 13, e os cartões diamante e ouro são vermelhos, enquanto os cartões prata e bronze são brancos. Em uma festa da empresa, com todos os funcionários presentes, os cartões foram reunidos em uma urna para o sorteio de diversos brindes. Baseando-se nessas informações, assinale a(s) alternativa(s) **correta(s)**.

- 01) Se retirar-se um cartão ao acaso, a probabilidade de ele ser de número 13 é de $\frac{1}{13}$.
- 02) Se retirar-se um cartão ao acaso, a probabilidade de ele ser de número 11, 12 ou 13 é de $\frac{1}{13}$.
- 04) Se retirar-se um cartão ao acaso, a probabilidade de ser um cartão diamante ou um cartão de número 13 é de $\frac{4}{13}$.
- 08) Se retirar-se 3 cartões consecutivamente, a probabilidade de que o primeiro seja branco, o segundo seja um cartão diamante e o terceiro seja um de número 13 é de $\frac{1}{104}$, considerando que cada cartão sorteado seja repostado à urna, antes da retirada do seguinte.
- 16) Se retirar-se um cartão ao acaso, e verificar-se que ele é vermelho, a probabilidade de que ele seja um cartão diamante de número 13 é de $\frac{1}{13}$.

MATEMÁTICA – Formulário

Trigonometria	$\sin(x \pm y) = \sin(x)\cos(y) \pm \sin(y)\cos(x)$ $\cos(x \pm y) = \cos(x)\cos(y) \mp \sin(x)\sin(y)$ $\operatorname{tg}(x \pm y) = \frac{\operatorname{tg}(x) \pm \operatorname{tg}(y)}{1 \mp \operatorname{tg}(x)\operatorname{tg}(y)}$	 <div style="display: flex; justify-content: space-between; margin-top: 10px;"> <div style="width: 45%;"> <p><i>Lei dos senos:</i></p> $\frac{a}{\sin(\hat{A})} = \frac{b}{\sin(\hat{B})} = \frac{c}{\sin(\hat{C})}$ <p><i>Lei dos cossenos:</i></p> $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos(\hat{A})$ </div> </div>
Análise Combinatória	$P_n = n!$ $A_{n,r} = \frac{n!}{(n-r)!}$	$C_{n,r} = \frac{n!}{(n-r)!r!}$ $(a+b)^n = \sum_{i=0}^n C_{n,i} a^{n-i} b^i$
Geometria Plana e Espacial	<p>Comprimento da circunferência: $C = 2\pi R$</p> <p>Área do losango: $A = \frac{d D}{2}$</p> <p>Área do trapézio: $A = \frac{(b+B)h}{2}$</p> <p>Área do círculo: $A = \pi R^2$</p> <p>Área lateral do cilindro: $A = 2\pi R h$</p> <p>Área do setor circular: $A = \frac{R^2 \alpha}{2}$</p> <p>Área lateral do cone: $A = \pi R G$</p> <p>Área da superfície esférica: $A = 4\pi R^2$</p> <p>Área total do tetraedro regular: $A = a^2 \sqrt{3}$</p>	<p>Volume do paralelepípedo: $V = B \cdot h$</p> <p>Volume do cubo: $V = a^3$</p> <p>Volume do prisma: $V = B \cdot h$</p> <p>Volume da pirâmide: $V = \frac{B \cdot h}{3}$</p> <p>Volume do cilindro: $V = \pi R^2 h$</p> <p>Volume do cone: $V = \frac{\pi R^2 h}{3}$</p> <p>Volume da esfera: $V = \frac{4}{3} \pi R^3$</p>
Progressões	<p>Progressão Aritmética (P. A.):</p> $a_n = a_1 + (n-1)r$ $S_n = \frac{(a_1 + a_n)n}{2}$	<p>Progressão Geométrica (P. G.):</p> $a_n = a_1 q^{n-1}$ $S_n = \frac{a_1 - a_1 q^n}{1-q}, q \neq 1$ $S_\infty = \frac{a_1}{1-q}, q < 1$
Geometria Analítica	<p>Ponto Médio do segmento de extremidades $A(x_1, y_1)$ e $B(x_2, y_2)$: $M\left(\frac{x_1+x_2}{2}, \frac{y_1+y_2}{2}\right)$</p> <p>Área do triângulo de vértices $P(x_1, y_1)$, $Q(x_2, y_2)$ e $R(x_3, y_3)$:</p> $A = \frac{1}{2} D , \text{ onde } D = \begin{vmatrix} x_1 & y_1 & 1 \\ x_2 & y_2 & 1 \\ x_3 & y_3 & 1 \end{vmatrix}$	<p>Distância de um ponto $P(x_0, y_0)$ à reta $r: ax + by + c = 0$:</p> $d_{P,r} = \left \frac{ax_0 + by_0 + c}{\sqrt{a^2 + b^2}} \right $
Conversão de unidades	$1 \text{ m}^3 = 1000 \text{ l}$	